

Examenul de bacalaureat național 2014

Proba E. c)

Matematică M_{st-nat}

Barem de evaluare și de notare

Varianța 7

Filiera teoretică, profilul real, specializarea științe ale naturii

- Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător.
- Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem.
- Se acordă 10 puncte din oficiu. Nota finală se calculează prin împărțirea la 10 a punctajului total acordat pentru lucrare.

SUBIECTUL I

(30 de puncte)

1.	$x + 2 = \frac{2+10}{2}$ $x = 4$	3p 2p
2.	$\Delta = 44$ Valoarea minimă a funcției f este egală cu $-\frac{\Delta}{4a} = -11$	2p 3p
3.	$x^2 - 2x - 8 = 0$ $x_1 = -2$ și $x_2 = 4$, care verifică ecuația	3p 2p
4.	Sunt 45 de numere pare de două cifre, deci sunt 45 de cazuri favorabile Sunt 90 de numere de două cifre, deci sunt 90 de cazuri posibile $p = \frac{\text{nr. cazuri favorabile}}{\text{nr. cazuri posibile}} = \frac{45}{90} = \frac{1}{2}$	2p 1p 2p
5.	$\vec{u} = -\vec{v} \Leftrightarrow a - 2 = -3$ $a = -1$	3p 2p
6.	$\cos A = \frac{16 + 25 - 36}{2 \cdot 4 \cdot 5} =$ $= \frac{1}{8}$	3p 2p

SUBIECTUL al II-lea

(30 de puncte)

1.a)	$\det B = \begin{vmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{vmatrix} = 0 + 0 + 0 - 1 - 0 - 0 =$ $= -1$	3p 2p
b)	$AB = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}$ $BA = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \Rightarrow AB = BA$	2p 3p
c)	$\det(B + xA) = \begin{vmatrix} 0 & x & 1 \\ x & 1 & x \\ 1 & x & 0 \end{vmatrix} = 2x^2 - 1$ $2x^2 - 1 = 1 \Leftrightarrow x_1 = -1$ și $x_2 = 1$	3p 2p
2.a)	$4 * 5 = 4 \cdot 5 - 4(4 + 5 - 5) =$ $= 4$	3p 2p

b)	$x * y = xy - 4x - 4y + 16 + 4 =$ $= x(y - 4) - 4(y - 4) + 4 = (x - 4)(y - 4) + 4$ pentru orice numere reale x și y	2p 3p
c)	$x * 4 = 4 * x = 4$ pentru orice număr real x $1 * 2 * 3 * \dots * 2014 = (1 * 2 * 3) * 4 * (5 * \dots * 2014) = 4 * (5 * \dots * 2014) = 4$	2p 3p

SUBIECTUL al III-lea

(30 de puncte)

1.a)	$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 - 3}{x^2 + 3} =$ $= 1$	2p 3p
b)	$f'(x) = \frac{(x^2 - 3)' \cdot (x^2 + 3) - (x^2 - 3) \cdot (x^2 + 3)'}{(x^2 + 3)^2} =$ $= \frac{2x(x^2 + 3) - 2x(x^2 - 3)}{(x^2 + 3)^2} = \frac{12x}{(x^2 + 3)^2}, x \in \mathbb{R}$	2p 3p
c)	$f''(x) = \frac{36(1 - x^2)}{(x^2 + 3)^3}, x \in \mathbb{R}$ $f''(x) > 0$ pentru orice $x \in (-1, 1) \Rightarrow f$ este convexă pe intervalul $(-1, 1)$	3p 2p
2.a)	$\int_1^e f(x) \cdot f'(x) dx = \frac{1}{2} f^2(x) \Big _1^e =$ $= \frac{1}{2} (f^2(e) - f^2(1)) = \frac{1}{2}$	3p 2p
b)	$\int_1^e x^3 f(x) dx = \int_1^e \left(\frac{x^4}{4} \right)' \ln x dx = \frac{x^4}{4} \ln x \Big _1^e - \int_1^e \frac{x^4}{4} \cdot \frac{1}{x} dx =$ $= \frac{e^4}{4} - \frac{x^4}{16} \Big _1^e = \frac{3e^4 + 1}{16}$	2p 3p
c)	$\mathcal{A} = \int_1^e f(x) dx = \int_1^e \ln x dx = (x \ln x - x) \Big _1^e =$ $= (e \ln e - e) - (\ln 1 - 1) = 1$	3p 2p